

বায়তুশ শরফ আদর্শ কামিল (অনার্স-মাস্টার্স) মাদ্রাসা
 নির্বাচনী পরীক্ষা-২০২১
 শ্রেণি ৪ দাখিল ১০ম
 বিষয় ৪ উচ্চতর গণিত

সময় : ২৫ মিনিট

পূর্ণমান : ২৫

বহুনির্বাচনী অভীক্ষা

১। $2 + 5 + 8 + \dots$ ধারার n তম পদ কত?

- ক) $n + 1$ খ) $3n - 1$ গ) $2n$ ঘ) $4n - 2$

২। কোন অনুক্রমের n তম পদ = $\frac{1}{n(n+1)}$ এর তৃতীয় পদ কোনটি?

- ক) $\frac{1}{3}$ খ) $\frac{1}{6}$ গ) $\frac{1}{12}$ ঘ) $\frac{1}{20}$

৩। কোন ধারা n তম পদ = $\frac{1-(-1)^n}{2}$ হলে ২০ তম পদ কোনটি?

- ক) ০ খ) ১ গ) -১ ঘ) ২

৪। $\frac{1}{32} + \left(-\frac{1}{64}\right) + \frac{1}{128} + \left(-\frac{1}{256}\right) + \dots$ ধারাটির-

- i) সাধারণ অনুপাত = $-\frac{1}{2}$ ii) অসীমতক সমষ্টি = $\frac{1}{48}$

- iii) দ্বিতীয় অংশিক সমষ্টি = $-\frac{1}{64}$

নিচের কোনটি সঠিক?

- ক) i ও ii খ) i ও iii গ) ii ও iii ঘ) i, ii ও iii

৫। $1 - 1560^{\circ}$ কোণটি কোন চতুর্ভাগে অবস্থিত?

- ক) প্রথম চতুর্ভাগে খ) দ্বিতীয় চতুর্ভাগে গ) তৃতীয় চতুর্ভাগে ঘ) চতুর্থ চতুর্ভাগে

৬। $\tan \theta = \sqrt{3}$ হলে $\sin \theta$ এর মান কত?

- ক) $\frac{1}{\sqrt{2}}$ খ) $\frac{1}{2}$ গ) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ ঘ) $\frac{1}{\sqrt{3}}$

৭। $\cos(-300^{\circ})$ এর মান কত?

- ক) $\frac{1}{2}$ খ) $-\frac{1}{2}$ গ) $-\frac{1}{2}$ ঘ) $-\frac{\sqrt{3}}{2}$

৮। সকল $8:30$ টায় ঘড়ির ঘটার কাঁটা ও মিনিটের কাঁটার অঙ্গৰ্ত কোণ কত ডিগ্রী?

- ক) 105° খ) 90° গ) 75° ঘ) 60°

৯। 0.01745° = কত ডিগ্রী?

- ক) 1° খ) 2° গ) 3° ঘ) 4°

১০। কোণের বৃত্তীয় মান কোনটি?

- ক) ব্যাসার্ধ \times চাপ খ) $\frac{\text{চাপ}}{\text{ব্যাসার্ধ}}$ গ) $\frac{\text{ব্যাসার্ধ}}{\text{চাপ}}$ ঘ) $\frac{\text{পরিধি}}{\text{চাপ}}$

১১। $\tan\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right)$ এর মান নিচের কোনটি?

- ক) $\tan\theta$ খ) $-\tan\theta$ গ) $-\cot\theta$ ঘ) $\cot\theta$

১২। চিত্রে $OA = AB$ হলে

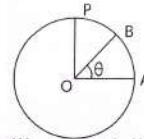
- i) $\angle AOB = 1^{\circ}$ ii) $\angle AOP = 1^{\circ}$

$$\text{iii)} \frac{AB}{AP} = \frac{\angle AOB}{\angle AOP}$$

নিচের কোনটি সঠিক?

- ক) i ও ii খ) i ও iii গ) ii ও iii ঘ) i, ii ও iii

নিচের তথ্য অনুযায়ী ১৩ ও ১৪ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:



১৩। AC বাহুর মান কত?

- ক) $\sqrt{2}$ খ) $\sqrt{3}$
 গ) 2 ঘ) 4

১৪। $\cos\theta$ এর মান কত?

- ক) $\frac{1}{2}$ খ) $\frac{1}{\sqrt{3}}$ গ) $\frac{2}{\sqrt{3}}$ ঘ) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

১৫। $\log_{\sqrt{a}} a^3$ এর মান কত?

- ক) $\frac{3}{2}$ খ) 3 গ) 6 ঘ) 9

১৬। $p^x = q^y = r^z$ এবং $q^2 = pr$ হলে নিচের কোনটি সঠিক?

- ক) $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{y}{2}$ খ) $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{2}{z}$ গ) $\frac{1}{x} + \frac{1}{z} = \frac{2}{y}$ ঘ) $\frac{1}{x} + \frac{1}{z} = \frac{1}{y}$

১৭। যদি $a^x = b^y = c^z$ এবং $abc = 1$ হয়, তবে $x + y + z =$ কত?

- ক) -2 খ) 0 গ) 1 ঘ) 2

১৮। $y = 2^x$ এই ফাংশনের রেঞ্জ কত?

- ক) $(0, \infty)$ খ) $(-\infty, \infty)$ গ) $(-\infty, 0)$ ঘ) $(0, -\infty)$

১৯। $p(x, y)$ বিন্দু থেকে y অক্ষের দূরত্ব কত?

- ক) x একক খ) y একক গ) $\sqrt{x^2 + y^2}$ একক ঘ) \sqrt{x} একক

২০। y অক্ষের উপর ভুজ কত?

- ক) শূণ্য খ) 1 একক গ) 10 একক ঘ) y একক

২১। $(0, -1), (2, -2), (-1, 2)$ এবং $(-3, -1)$ বিন্দু চারটি দ্বারা গঠিত চতুর্ভুজের ফেরফল কত?

- ক) 18 বর্গ একক খ) 15 বর্গ একক গ) 12 বর্গ একক ঘ) 9 বর্গ একক

২২। $y = x + 7$ ও $y = x - 7$ এর ছেদবিন্দু কত?

- ক) $(7, 0)$ খ) $(0, 7)$ গ) $(-7, -7)$ ঘ) ছেদবিন্দু নেই

২৩। ছানাংক জ্যামিতির ক্ষেত্রে-

- i) $p(x, y)$ বিন্দু হতে x অক্ষের মধ্যবর্তী দূরত্ব 5 একক।

- ii) $(0, 0)$ বিন্দু হতে $(4, k)$ বিন্দুর মধ্যবর্তী দূরত্ব 5 একক।

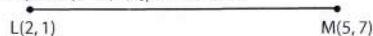
- iii) $A(2, 5)$ এবং $B(-1, 1)$ এর মধ্যবর্তী দূরত্ব 5 একক।

নিচের কোনটি সঠিক?

- ক) i ও ii খ) i ও iii গ) ii ও iii ঘ) i, ii ও iii

নিচের তথ্যটি অনুযায়ী ২৪ ও ২৫ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

- ২৪। LM সরল রেখার ঢাল কত? ২
 ক) -2 খ) 2 গ) 3 ঘ) 4
 ২৫। LM সরল রেখার সমীকরণ কোনটি?? ৮
 ক) $2x - y - 3 = 0$ খ) $x - 2y - 3 = 0$
 গ) $2x - y + 3 = 0$ ঘ) $x + 2y - 3 = 0$



সূজনশীল প্রশ্ন-৫০

[প্রত্যেক বিভাগ থেকে ন্যূনতম একটি করে মোট পাঁচটি প্রশ্নের উত্তর দাও:]

- ১। একটি গুনোভর ধারার তিনটি ত্রিমিক পদের সমষ্টি $24 \frac{4}{5}$ এবং গুনফল 64
 ক) উদ্বিপক্ষ আলোকে দুইটি সমীকরণ গঠন কর। ২
 খ) ধারাটির প্রথম পদ ও সাধারণ অনুপাত নির্ণয় কর। ৮
 গ) সাধারণ অনুপাত $\frac{1}{5}$ হলে ধারাটির অসীমতক সমষ্টি নির্ণয় কর। ৮
- ২। দৃশ্যকল্প (i) $\frac{1}{3x+1} + \frac{1}{(3x+1)^2} + \frac{1}{(3x+1)^3}$
 (ii) $\rightarrow 8 + 88 + 888 + \dots$ গুনোভর ধারাটির ১ম আটটি পদ পর্যন্ত ধারাটির লিখ।
 ক) $x = \frac{1}{3}$ হলে (i) নং অসীম গুনোভর ধারাটির ১ম আটটি পদ পর্যন্ত ধারাটি লিখ। ২
 খ) X এর উপর কী শর্ত আরোপ করলে (i) নং অসীম গুনোভর ধারাটির অসীমতক সমষ্টি থাকবে? ৮
 গ) (ii) নং ধারাটির প্রথম n সংখ্যক পদের সমষ্টি নির্ণয় কর। ৮
- ৩। $f(x) = 3^{2x+2}$ এবং $g(x) = 27^{x+1}$
 ক) $f(x)$ এর ডোমেন নির্ণয় কর। ২
 খ) $f(x) + g(x) = 36$ হলে x এর মান নির্ণয় কর। ৮
 গ) $q(x) = \frac{g(x)}{f(x)}$ হলে q(x) এর লেখচিত্র অংকন করো উক্ত লেখচিত্র থেকে ডোমেন এবং রেঞ্জ নির্ণয় কর। ৮

খ-বিভাগ : জ্যামিতি ও ভেষ্টন

- ৪। তিনটি বিন্দু A(a, 0), B(0, b) এবং C(1, 1)
 ক) AB ও BC রেখার ঢাল নির্ণয় কর। ২
 খ) বিন্দু তিনটি সমরেখ হলে দেখাও যে, $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = 1$ ৮
 গ) C(1, 1) বিন্দুর সাথে D(-2, 2) ও E(2, -2) বিন্দু দ্বারা গঠিত ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর। ৮

৫। ΔABC এর A(-1, -1), B(6, 2) এবং C(1, -3)

- ক) AB বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। ২

- খ) ΔABC একটি সমকোণী ত্রিভুজ প্রমাণ কর। ৮

- গ) AC ও BC সরলরেখার সমীকরণ নির্ণয় করে দেখাও যে, তাদের ঢালদ্বয়ের গুনফল - 1 ৮

৬। (i) $5x + 4y - 20 = 0$ এবং (ii) $4x - 5y + 20 = 0$

- দুইটি সরল রেখার সমীকরণ ২

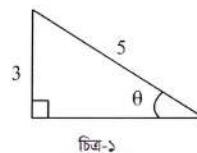
- ক) সরল রেখার ঢাল কাকে বলে? ২

- খ) ঢাল নির্ণয়ের মাধ্যমে দেখাও যে, (i) নং ও (ii) নং সরলরেখা দুইটি পরস্পরের উপর লম্ব এবং লেখচিত্রের মাধ্যমে সত্যতা যাচাই কর। ৮

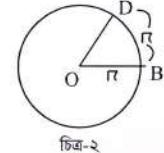
- গ) দেখাও যে, (i) নং সরল রেকাটি অক্ষদ্বয়ের সাথে যে ত্রিভুজ গঠন করে তার ক্ষেত্রফল 10 বর্গএকক। ৮

গ-বিভাগ : ত্রিকোণমিতি ও সম্ভাবনা

৭।



চিত্র-১



চিত্র-২

- ক) $\cos\theta$ এর মান নির্ণয় কর। ২

- খ) চিত্র ২ হতে প্রমাণ কর যে, $\angle BOD$ একটি ধ্রুব কোণ। ৮

- গ) চিত্র ১ এর আলোকে প্রমাণ কর যে, $\frac{\cosec\theta + \tan\theta}{\cot\theta - \sec\theta} = 29$ ৮

৮। $7\sin^2\theta + 3\cos^2\theta = P$

- ক) $\theta = \frac{\pi}{4}$ হলে P এর মান নির্ণয় কর। ২

- খ) P = 4 হলে, প্রমাণ কর যে, $\cot\theta = \pm\sqrt{3}$ ৮

- গ) P = 6 এবং $0 < \theta < 2\pi$ হলে, θ এর সম্ভাব্য মান নির্ণয় কর। ৮